



Cursul 2 - Plan

- ☐ Clase(de tipuri) în limbajul Haskell
- ☐ Definirea funcțiilor
 - Prin folosirea unor funcții existente
 - Expresii condiționale
 - Ecuatii cu gardă
 - Potrivire șabloane
 - ☐ Șabloane tuple
 - ☐ Șabloane listă
 - ☐ Șabloane întregi
 - Lambda expresii
 - Secțiuni



Clasele de bază

- Tip - colecție de date
 - Bool, Char, String, Int, Integer, Float
 - Tipul listă
 - Tipul tuplă
 - Tipul funcție
- Clasă - colecție de tipuri care suportă operații supraîncărcate numite *metode*
 - Eq, Ord, Show, Read, Num, Integral, Fractional



Eq - clasa tipurilor cu egalitate

- Tipuri ce au valori care pot fi comparate pentru egalitate și neegalitate
- Metodele:
 - `(==) :: Eq a => a -> a -> Bool`
 - `(/=) :: Eq a => a -> a -> Bool`
- Tipuri componente:
 - Tipuri de bază: `Bool`, `Char`, `String`, `Int`, `Integer`, `Float`
 - Tipuri listă și tuple cu elemente (componente) tipuri din clasa `Eq`



Ord - clasa tipurilor ordonate

- Tipuri ce sunt instanțe ale clasei Eq și care au valorile total ordonate
- Metodele:
 - `(<) :: Ord a => a -> a -> Bool`
 - `(<=) :: Ord a => a -> a -> Bool`
 - `(>) :: Ord a => a -> a -> Bool`
 - `(>=) :: Ord a => a -> a -> Bool`
 - `min :: Ord a => a -> a -> a`
 - `max :: Ord a => a -> a -> a`
- Tipuri componente:
 - Tipuri de bază: `Bool`, `Char`, `String`, `Int`, `Integer`, `Float`
 - Tipuri listă și tuple cu elemente (componente) tipuri din clasa `Ord`



Example

```
Hugs.Base> min [1,2,3,4] [4,3]
```

```
[1,2,3,4]
```

```
Hugs.Base> min [1,2,3,4] [1,2,3,4,3]
```

```
[1,2,3,4]
```

```
Hugs.Base> min [1,2,3,4] [1,2,3,1,3]
```

```
[1,2,3,1,3]
```

```
Hugs.Base> min (1,True) (1,False)
```

```
(1,False)
```



Show - clasa tipurilor "showable"

- Tipuri ce conțin valori exprimabile prin șiruri de caractere
- Metodele:
 - `show :: Show a => a -> String`
- Tipuri componente:
 - Tipuri de bază: `Bool`, `Char`, `String`, `Int`, `Integer`, `Float`
 - Tipuri listă și tuple cu elemente (componente) tipuri din clasa `Show`



Example

```
Hugs.Base> show 76890
```

```
"76890"
```

```
Hugs.Base> show [[12,33],[1],[1,2,3]]
```

```
"[[12,33],[1],[1,2,3]]"
```

```
Hugs.Base> show ("True", True)
```

```
"(\"True\",True)"
```

```
Hugs.Base> show (True, True)
```

```
"(True,True)"
```

```
Hugs.Base> show ('a',777)
```

```
"('a',777)"
```



Read - clasa tipurilor ce pot fi "citite"

- ❑ Tipuri ce conțin valori care pot fi convertite din șiruri de caractere
- ❑ Metodele:
 - `read :: Read a => String -> a`
- ❑ Tipuri componente:
 - Tipuri de bază: `Bool`, `Char`, `String`, `Int`, `Integer`, `Float`
 - Tipuri listă și tuple cu elemente (componente) tipuri din clasa `Read`



Example

```
Hugs.Base> read "1234"
```

```
ERROR - Unresolved overloading
```

```
*** Type           : Read a => a
```

```
*** Expression    : read "1234"
```

```
Hugs.Base> read "1234" :: Int
```

```
1234
```

```
Hugs.Base> read "1234" + read "12"
```

```
1246
```

```
Hugs.Base> read "12" < read "1"
```

```
False
```



Example

```
Hugs.Base> read "ala"::String
```

```
"
```

```
Program error: Prelude.read: no parse
```

```
Hugs.Base> read " "ala" " ::String
```

```
ERROR - Undefined variable "ala"
```

```
Hugs.Base> read " \"ala\" " ::String
```

```
"ala"
```

```
Hugs.Base> read "\"ala\"" < read "\"alo\""
```

```
Program error: Prelude.read: no parse
```

```
Hugs.Base> "ala" < "alo"
```

```
True
```



Num - clasa tipurilor numerice

□ Tipuri ce sunt instanțe ale claselor Eq sau Show și au valori numerice (Int, Integer, Float)

□ Metodele:

$(+)$:: Num a => a -> a -> a

$(-)$:: Num a => a -> a -> a

$(*)$:: Num a => a -> a -> a

negate :: Num a => a -> a

abs :: Num a => a -> a

signum :: Num a => a -> a



Exemple

```
Hugs.Base> negate 989898
```

```
-989898
```

```
Hugs.Base> abs (-9)
```

```
9
```

```
Hugs.Base> abs ( negate (-2) )
```

```
2
```

```
Hugs.Base> signum( negate (2) )
```

```
-1
```

```
Hugs.Base> signum 666
```

```
1
```



Integral - clasa tipurilor întregi

□ Tipuri ce sunt instanțe ale clasei Num și au valori întregi (Int, Integer)

□ Metodele:

`div :: Integral a => a -> a -> a`

`mod :: Integral a => a -> a -> a`

□ Metodele pot fi utilizate și ca operatori infix dacă se scriu ``div``, ``mod`` (atenție: ``` și nu `'`)



Example

```
Hugs.Base> 22 `mod` 5
```

```
2
```

```
Hugs.Base> 22 `mod` 3
```

```
1
```

```
Hugs.Base> 22 `div` 3
```

```
7
```

```
Hugs.Base> div 22 3
```

```
7
```

```
Hugs.Base> mod 22 3
```

```
1
```



Fractional - clasa tipurilor reale

□ Tipuri ce sunt instanțe ale clasei Num și au valori neîntregi (`Float`)

□ Metodele:

`(/) :: Fractional a => a -> a -> a`

`recip :: Fractional a => a -> a`



Exemple

```
Hugs.Base> 7/2
```

```
3.5
```

```
Hugs.Base> 7./2
```

```
ERROR - Undefined variable "./"
```

```
Hugs.Base> 7.0/2
```

```
3.5
```

```
Hugs.Base> 7.3/2
```

```
3.65
```

```
Hugs.Base> recip 2
```

```
0.5
```

```
Hugs.Base> recip 1
```

```
1.0
```

```
Hugs.Base> recip 1.5
```

```
0.6666666666666667
```




Definirea funcțiilor

□ Prin folosirea unor funcții existente:

```
isDigit :: Char -> Bool
```

```
isDigit c = c >= '0' && c <= '9'
```

```
even :: Integral a => a -> Bool
```

```
even n = n `mod` 2 == 0
```

```
rupeLa :: Int -> [a] -> ([a], [a])
```

```
rupeLa n xs = (take n xs, drop n xs)
```



Exemple

```
Hugs.Base> :type isDigit
```

```
ERROR - Undefined variable "isDigit"
```

```
Hugs.Base> :load test.hs
```

```
Main> :type isDigit
```

```
isDigit :: Char -> Bool
```

```
Main> isDigit '5'
```

```
True
```

```
Main> isDigit 'o'
```

```
False
```



Example

```
Main> :type rupeLa
```

```
ERROR - Undefined variable "rupeLa"
```

```
Main> :reload
```

```
Main> :type rupeLa
```

```
rupeLa :: Int -> [a] -> ([a],[a])
```

```
Main> rupeLa 3 [1,2,3,4,5,6]
```

```
([1,2,3],[4,5,6])
```

```
Main> rupeLa 3 [1,2,3,4,5,6,7]
```

```
([1,2,3],[4,5,6,7])
```



Definirea funcțiilor

□ Expresii condiționale:

if condiție then res1 else res2

- *res1* și *res2* sunt expresii de același tip
- Nu există *if* fără *else* în Haskell

```
semn :: Int -> Int
```

```
semn n = if n < 0 then -1 else
```

```
    if n == 0 then 0 else 1
```



Example

```
Main> :type semn
```

```
ERROR - Undefined variable "semn"
```

```
Hugs.Base> :reload
```

```
Main> :type semn
```

```
semn :: Int -> Int
```

```
Main> semn (-400)
```

```
-1
```

```
Main> semn 0
```

```
0
```



Definirea funcțiilor

□ Expresii case:

```
f1 x =
```

```
  case x of
```

```
    0 -> 1
```

```
    1 -> x + 2
```

```
    2 -> x * 3
```

```
    _ -> -1
```

```
f2 x = case x of
```

```
  {0 -> 10; 1 -> 2*x; 2 -> x*x+2; _ -> 0}
```

```
Case> f1 1
```

```
3
```

```
Case> f2 2
```

```
6
```



Definirea funcțiilor

□ Ecuatii "guarded":

- Alternativă la condiții cu if
- Secvență de expresii logice: gărzi
- Secvență de expresii (rezultate) de același tip
- Sintaxa:

$$\begin{array}{lcl} \text{nume_func parametri} & | & \text{garda1} \quad = \text{exp1} \\ & | & \text{garda2} \quad = \text{exp2} \\ & & \dots \\ & | & \text{gardan} \quad = \text{expn} \end{array}$$

- Ultima gardă poate fi **otherwise** (definită în bibliotecă cu valoarea **True**)



Example

```
semng n      | n < 0      = -1
              | n == 0     = 0
              | otherwise = 1
```

```
Main> :type semng
```

```
ERROR - Undefined variable "semng"
```

```
Main> :reload
```

```
Main> :type semng
```

```
semng :: Int -> Int
```

```
Main> semng (-77)
```

```
-1
```

```
Main> semng 12
```

```
1
```

```
Main> semng 0
```

```
0
```




Definiții locale

- ❑ O funcție care are în expresia sa o frază de forma "where ..." spunem că are o definiție locală; definiția din fraza where este valabilă doar local
- ❑ Exemplu: $f(x,y) = (a+1)(a+2)$, unde $a = (x+2)/3$

```
f  :: (Float, Float) ->Float
f(x,y) = (a+1)*(a+2) where a = (x+2)/3
```

```
f  :: (Float, Float) ->Float
f(x,y) = (a+1)*(b+2)
      where a = (x+y)/3
            b = (x+y)/2
```



Definiții locale

```
g  :: Integer -> Integer -> Integer
g x y | x <= 10 = x + a
      | x > 10  = x - a
      where a = square(y+1)
```

- Clauza `where` califică ambele ecuații gardate

```
Main> g 3 4
28
Main> f (5,6)
35.0
Main> g 11 2
2
```



Definirea funcțiilor

□ Tehnica șabloanelor ("pattern matching")

- Secvență de șabloane - rezultate

- Sintaxa:

nume_func :: tipul_funcției

Șablon_1 = exp1

Șablon_2 = exp2

...

Șablon_n = expn

- Dacă se potrivește primul șablon, se alege ca rezultat *exp1*, dacă nu se încearcă al doilea șablon, etc.

- Șablonul *_* ("wildcard") poate fi folosit pentru a exprima potrivirea cu orice valoare



Exemple

```
non :: Bool -> Bool
```

```
non False = True
```

```
non True = False
```

```
conj :: Bool -> Bool -> Bool
```

```
conj True True = True
```

```
conj True False = False
```

```
conj False True = False
```

```
conj False False = False
```

```
(&) :: Bool -> Bool -> Bool
```

```
True & True = True
```

```
_ & _ = False
```



Example

```
Main> :type non
```

```
non :: Bool -> Bool
```

```
Main> :type conj
```

```
conj :: Bool -> Bool -> Bool
```

```
Main> conj (1<2) (2<11)
```

```
True
```

```
Main> (1<2) `conj` (2<11)
```

```
True
```

```
Main> (7-2>5) & (2<9)
```

```
False
```

```
Main> (7-2>=5) & (2<9)
```

```
True
```



Exemple

- ❑ O altă modalitate de utilizare a șabloanelor (utilă în evaluarea lazy): dacă primul argument este True (la conjuncție) rezultatul este valoarea celui de-al doilea

`(&) :: Bool -> Bool -> Bool`

`True && b = b`

`False && _ = False`

`(||) :: Bool -> Bool -> Bool`

`False || b = b`

`True || _ = True`



Exemple

- Nu se poate folosi numele unui argument de două ori:

```
(&&) :: Bool -> Bool -> Bool
b && b = b
False && _ = False
```

```
Test> :load "j:\\2006-07\\PF\\Curs07\\Exemple\\C2\\fun1.hs"
ERROR file:j:\\2006-07\\PF\\Curs07\\Exemple\\C2\\fun1.hs:4 - Repeated variable "b" in
pattern
```

- Soluția: folosirea gărzilor:

```
(&) :: Bool -> Bool -> Bool
b & c      | b == c    = b
           | otherwise = False
```

```
Fun1> :reload
Fun1> (7-2>=5) & (2<9)
True
Fun1> (7-2>=5) & (21<9)
False
```



Definirea funcțiilor

- Tehnica șabloanelor ("pattern matching"):
 - Șabloane de tip tuple: o tuplă de șabloane este un șablon

`fst :: (a, b) -> a`

`fst (x, _) = x`

`snd :: (a, b) -> b`

`snd (_, y) = y`



Definirea funcțiilor

- Tehnica șabloanelor ("pattern matching"):
 - Șabloane de tip listă: o listă de șabloane este un șablon

```
test3a      :: [Char] -> Bool
test3a ['a', _, _] = True
test3a _      = False
```

```
Main> test3a [ 'a', 'c', 'r' ]
True
```

```
Main> test3a [ 'a', 'c', 'r', 'a' ]
False
```



Utilizarea operatorului ":" la liste (cons)

- Orice listă este construită prin repetarea operatorului `cons(":")` care înseamnă adăugarea unui element la o listă
 - Lista `[1,2,3,4]` înseamnă `1:(2:(3:(4:[])))`

```
test :: [Char] -> Bool
```

```
test ('a': _) = True
```

```
test _ = False
```

- Șabloanele listă trebuie puse în paranteză



Utilizarea operatorului ":" la liste (cons)

```
Hugs.Base> :reload
```

```
Main> :type test
```

```
test :: [Char] -> Bool
```

```
Main> test ['q', 'w', 'e']
```

```
False
```

```
Main> test ['a', 'q', 'w', 'e']
```

```
True
```



Utilizarea operatorului ":" la liste (cons)

```
null :: [a] -> Bool
```

```
nul[] = True
```

```
nul(_:_) = False
```

```
head :: [a] -> a
```

```
head(x:_) = x
```

```
tail :: [a] -> [a]
```

```
tail (_:xs) = xs
```



Definirea funcțiilor

- Tehnica șabloanelor ("pattern matching"):
 - Șabloane "întregi": expresii de forma $n+k$ unde n este o variabilă întreagă iar k este o constantă întreagă pozitivă

```
pred    :: Int -> Int
```

```
pred 0      = 0
```

```
pred(n+1)   = n
```

- Șabloanele întregi se potrivesc doar cu expresii pozitive
- Șabloanele întregi trebuie puse în paranteză